

Pakiety obliczeniowe

INP001029WL

rok akademicki 2021/22

semestr zimowy

Wykład 3

Karol Tarnowski

karol.tarnowski@pwr.edu.pl

L-1 p. 220



Plan prezentacji (1)

- Operatory relacji
- Operatory logiczne

- Instrukcja warunkowa
- Pętle



Plan prezentacji (2)

- Wektoryzacja kodu
- Funkcje
- Funkcje anonimowe



Operatory relacji

- Operatory relacji służą do ilościowego porównania operandów (argumentów)
- Wynikiem działania operatora relacji jest tablica wartości logicznych wskazująca, gdzie dana relacja jest spełniona

https://www.mathworks.com/help/matlab/matlab_prog/array-comparison-with-relational-operators.html



Operatory relacji

Operator	Odpowiadająca funkcja	Opis
<	lt	mniejsze (less than)
<=	le	mniejsze/równe (less than or equal to)
>	gt	większe (greater than)
>=	ge	większe/równe (greater than or equal to)
==	eq	równe (equal to)
~=	ne	różne (not equal to)



Operatory relacji

- Operatory $>$, $<$, $>=$, oraz $<=$ używają części rzeczywistych liczb zespolonych
- Operatory $==$ oraz $\sim=$ używają części rzeczywistych oraz urojonych liczb zespolonych
- Wartości Inf są sobie równe
- Wartości NaN są różne od wszystkich liczb (włączając w to wartości NaN)



Operatory logiczne

operator/funkcja	działanie
<code>&</code>	koniunkcja
<code>~</code>	negacja
<code> </code>	alternatywa
<code>xor</code>	alternatywa rozłączna
<code>&&, </code>	operatory logiczne ze skróconym wartościowaniem
<code>all</code>	czy wszystkie wartości są niezerowe
<code>any</code>	czy jakiś element jest niezerowy
<code>false</code>	fałsz (także tablica)
<code>find</code>	odnalezienie wartości niezerowych (także indeksów)
<code>islogical</code>	sprawdzenie typu danych
<code>logical</code>	konwersja wartości liczbowych na logiczne
<code>true</code>	prawda (także tablica)



Operatory relacji i logiczne

Przykłady

```
% na podstawie
% https://www.mathworks.com/help/matlab/matlab\_prog/find-array-elements-that-meet-a-condition.html
clear all

rng default      % reset generatora liczb losowych
A = randi(21,4)  % utworzenie tablicy przykładowych danych
B = randi(21,4)  % utworzenie tablicy przykładowych danych

C = A > 11       % utworzenie tablicy logicznej
% z wykorzystaniem operatora relacji

D = A > B        % utworzenie tablicy logicznej
% z wykorzystaniem operatora relacji

% indeksowanie z wykorzystaniem wartości logicznych
A(C)
B(D)
```


Operatory relacji i logiczne

Przykłady

```
%%
```

```
% bardziej złożone wyrażenie logiczne
```

```
% wykorzystanie operatora logicznego
```

```
A(A<11 & A>2)
```

```
% to nie zadziała
```

```
A(2<A<11)
```

```
%%
```

```
% użycie innych operatorów logicznych
```

```
xor(C,D)
```

```
all(C)
```

```
any(C)
```

Operatory relacji i logiczne

Przykłady

```
%%  
% wymiary macierzy muszą być odpowiednie  
y = randi(5,5,1)  
x = [0:2:6]  
  
y < x
```

```
%%  
% wykorzystanie funkcji find do zamiany indeksowania  
% logicznego na indeksowanie liniowe  
find(D)  
[r, c] = find(D)  
[r, c, v] = find(D)
```

```
%%  
% konwersja danych liczbowych na logiczne  
logical(A)
```



Instrukcja warunkowa

- Ogólna postać instrukcji warunkowej

```
if wyrażenie  
    polecenia  
elseif wyrażenie  
    polecenia  
else  
    polecenia  
end
```



Instrukcja warunkowa

- *wyrażenie* jest uznawane za prawdziwe, gdy jest niepuste, i zawiera tylko niezerowe elementy (logiczne lub liczby rzeczywiste)
- bloki `else`, `elseif` są opcjonalne

Instrukcja warunkowa

Przykłady

```
%% przykłady użycia instrukcji warunkowych  
% na podstawie  
% https://www.mathworks.com/help/matlab/ref/if.html
```

```
%% proste porównanie  
if 1 > 0  
    disp('1 > 0')  
end
```

```
%% porównanie wektora liczb  
  
limit = 0.75;  
A = rand(5,1)  
  
if any(A > limit)  
    disp('Co najmniej jedna wartość przekracza granicę.')  
else  
    disp('Żadna wartość nie przekracza granicy.')  
end
```

Instrukcja warunkowa

Przykłady

```
%% warunek złożony
```

```
x = 10;
```

```
minVal = 2;
```

```
maxVal = 6;
```

```
if (x >= minVal) && (x <= maxVal)
```

```
    disp('Wartość mieści się w zakresie.')
```

```
elseif (x > maxVal)
```

```
    disp('Wartość przekracza górną granicę.')
```

```
else
```

```
    disp('Wartość jest poniżej dolnej granicy.')
```

```
end
```

Pętla for

- Ogólna postać pętli for

```
for element = wartosci  
    polecenia  
end
```



Pętla `for`

- Najczęściej *wartości* są wektorem zapisanym następująco:

wartość_początkowa : *wartość_końcowa*

- Może to być również wektor elementów lub tablica

Pętla for

Przykłady

```
%% przykłady użycia pętli for
% na podstawie
% www.mathworks.com/help/matlab/ref/for.html

%% zagnieżdżone pętle for po prostych wektorach
s = 6;
H = zeros(s);

for c = 1:s
    for r = 1:s
        H(r,c) = 1/(r+c-1);
    end
end

disp(H)
```

Pętla for

Przykłady

```
%% tworzenie macierzy z wykorzystaniem
% instrukcji warunkowej
ncols = 5
nrows = 6
for c = 1:ncols
    for r = 1:nrows
        if r == c
            A(r,c) = 2;
        elseif abs(r-c) == 1
            A(r,c) = -1;
        else
            A(r,c) = 0;
        end
    end
end
disp(A)
```

Pętla for

Przykłady

```
%% wektor elementów o niestandardowym kroku
```

```
for v = 1.0:-0.2:0.0  
    disp(v)  
end
```

```
%% wektor dowolnych elementów
```

```
values = rand(1,5)
```

```
for x = values  
    disp(x)  
end
```

```
%% tablica dowolnych elementów
```

```
values = rand(2,5)
```

```
for x = values  
    disp('kolumna z macierzy values')  
    disp(x)  
end
```



Pętla `while`

- Ogólna postać pętli `while`

```
while wyrażenie
```

```
    polecenia
```

```
end
```

Pętla while

Przykład

```
%% przykład użycia pętli while
% na podstawie
% https://www.mathworks.com/help/matlab/ref/while.html

%% obliczanie wartości silni z wykorzystaniem
% pętli while

n = 10;
f = n;
while n > 1
    n = n-1;
    f = f*n;
end
disp(['n! = ' num2str(f)])

%% istnieje również funkcja factorial
disp(['n! = ' num2str(factorial(10))])
```



Polecenia `break`, `continue`

- Polecenie `break` służy do przerywania pętli `while` oraz `for`
- Polecenie `continue` służy do omijania iteracji w pętlach `while` oraz `for`

Polecenia break, continue

Przykłady

```
%% przykłady użycia poleceń break oraz continue
% na podstawie
% https://www.mathworks.com/help/matlab/ref/break.html
% https://www.mathworks.com/help/matlab/ref/continue.html
```

```
%% polecenie break przerywające pętle while
```

```
limit = 0.8;
```

```
s = 0;
```

```
while 1
```

```
    tmp = rand() % tmp = rand;
```

```
    if tmp > limit
```

```
        break
```

```
    end
```

```
    s = s + tmp
```

```
end
```



Polecenia break, continue

Przykłady

```
% polecenie continue wykorzystane w pętli for
for n = 1:50
    if mod(n,7)
        continue
    end
    disp(['Podzielne przez 7: ' num2str(n)])
end
```




Wektoryzacja kodu

- Wektoryzacją kodu nazywamy proces zapisywania algorytmów z wykorzystaniem operacji wektorowych i macierzowych
- Zalety kodu wektorowego:
 - czytelność kodu
 - mniejsza podatność na błędy
 - szybkość działania (na ogół kod wektorowy jest szybszy)



Wektoryzacja kodu

Przykłady

```
%% porównanie kodu wykorzystującego pętlę i kodu wektorowego  
% na podstawie  
% https://www.mathworks.com/help/matlab/matlab\_prog/vectorization.html
```

```
%% wersja z pętlą
```

```
i = 0;  
for t = 0:.01:10  
    i = i + 1;  
    y(i) = sin(t);  
end
```

```
% inny sposób z pętlą
```

```
t = 0:.01:10  
for i = 1:length(t)  
    y(i) = sin(t(i));  
end
```

```
% równoważny kod w wersji wektorowej
```

```
t = 0:.01:10;  
y = sin(t);
```



Wektoryzacja kodu

Przykłady

```
% obliczanie sum częściowych na co piątym elemencie  
% wersja z pętlą  
x = 1:10000;  
tic  
ylength = (length(x) - mod(length(x),5))/5;  
y1(1:ylength) = 0;  
for n= 5:5:length(x)  
    y1(n/5) = sum(x(1:n));  
end  
toc  
  
% wersja wektorowa  
x = 1:10000;  
tic  
xsums = cumsum(x);  
y2 = xsums(5:5:length(x));  
toc  
  
% sprawdzenie, że wyniki są tożsame  
all(y1 == y2)
```



Wektoryzacja kodu

Przykłady

```
%% do wektoryzacji kodu przydatne są operatory macierzowe
```

```
% obliczenie objętości stożka
```

```
H = 1 % wysokość
```

```
D = 1 % średnica podstawy
```

```
V = 1/12*pi*(D^2)*H;
```

```
% pętla dla 10000 stożków
```

```
N = 10000
```

```
H = rand(1,N)
```

```
D = rand(1,N)
```

```
for n = 1:N
```

```
    V1(n) = 1/12*pi*(D(n)^2)*H(n);
```

```
end
```

```
% powyższa pętla zastąpiona zapisem wektorowym
```

```
% wykorzystującym operator macierzowy potęgowania .^
```

```
V2 = 1/12*pi*(D.^2).*H;
```

```
% sprawdzenie, że wyniki są tożsame
```

```
all(V1 == V2)
```

Wektoryzacja kodu

Przykłady

```
%% operatory macierzowe sprawdzają się dla danych w różnych wymiarach
```

```
s = 6;  
H = zeros(s);  
  
for c = 1:s  
    for r = 1:s  
        H(r,c) = 1/(r+c-1);  
    end  
end  
disp(H)
```

```
c == [1:s]  
r == [1:s]'  
H(r,c) == 1./(r+c-1)  
disp(H)
```

```
%% inny przykład
```

```
x = (-2:0.2:2)'; % 21 na 1 (kolumna)  
y = -1.5:0.2:1.5; % 1 na 16 (wektor)  
F = x.*exp(-x.^2-y.^2); % 21 na 16 (macierz)
```

Wektoryzacja kodu

Przykłady

```
%% obliczanie silni z wykorzystaniem pętli
% oraz operacji wektorowych

n = 10;
f = n;
while n > 1
    n = n-1;
    f = f*n;
end
disp(['n! = ' num2str(f)])

n = 10
prod(1:n)      % iloczyn liczb od 1 do n
cumprod(1:n)  % ciąg iloczynów częściowych liczb od 1 do n
```



Skrypty

- Najprostszym typem programu Matlaba jest skrypt
- Skrypt zawiera polecenia i wywołania funkcji wykonywane przy uruchomieniu program
- Przy uruchomieniu skryptu dostępne są zmienne zapisane w przestrzeni roboczej
- Skrypt może modyfikować zawartość przestrzeni roboczej



Funkcje

- Deklaracja funkcji ma postać:

```
function [y1,...,yN] = myfun(x1,...,xM)
```

- *myfun* jest nazwą funkcji
- *x1, ..., xM* to argumenty funkcji
- *y1, ..., yN* wartości zwracane przez funkcję



Funkcje

- Funkcja może być umieszczona w pliku zawierającym tylko definicje funkcji (nazwa pliku zgodna z nazwą pierwszej funkcji)
- Funkcja może być umieszczona na końcu skryptu (od wersji R2016b, skrypt nie może się nazywać tak jak funkcja)
- Definicja funkcji najczęściej kończy się słowem kluczowym **end**

Funkcje

Przykłady

```
D:\repozytorium\matlab-examples\function_examples\ave
average.m x runnig_function.m x stat.m x rur
%% przykład definicji funkcji w pliku
function ave = average(x)
    ave = sum(x(:))/numel(x);
end
|
```

```
D:\repozytorium\matlab-examples\function_examples\stat.m
average.m x stat.m x runnig_function.m x runnig_fur
%% przykład funkcji zwracającej dwie wartości
function [m,s] = stat(x)
    n = length(x);
    m = sum(x)/n;
    s = sqrt(sum((x-m).^2/n));
end|
```

```
D:\repozytorium\matlab-examples\function_examples\runnig_functio
average.m x stat.m x runnig_function.m x runnig_functio
%% wywołanie funkcji zdefiniowanej w pliku

z = 1:99;
ave = average(z)
[m, s] = stat(z)
```

Funkcje

Przykłady

```
(repozytoria/matlab_examples/function_examples/runnig_function_2.m
ige.m x stat.m x runnig_function.m x runnig_function_2.m x)
%% wywołanie funkcji zdefiniowanych w skrypcie
z = 1:99;
ave = average2(z)
[m, s] = stat2(z)

%% przykład definicji funkcji w skrypcie
function ave = average2(x)
    ave = sum(x(:))/numel(x);
end

function [m,s] = stat2(x)
    n = length(x);
    m = sum(x)/n;
    s = sqrt(sum((x-m).^2/n));
end
```



Funkcje anonimowe

- Funkcja anonimowa nie jest przechowywana w pliku programu
- Jest przypisana do zmiennej typu **function_handle**
- Funkcje anonimowe mogą przyjmować wiele argumentów, a zwracają jedno wyjście
- Mogą zawierać tylko pojedyncze polecenia (ale można je zagnieżdżać)

https://www.mathworks.com/help/matlab/matlab_prog/anonymous-functions.html



Funkcje anonimowe

- Przykładowa definicja funkcji anonimowej

```
sqr = @(x) x.^2
```

- @ jest operatorem uchwytu do funkcji
- (x) nawiasy zawierają listę argumentów
- x.^2 jest poleceniem
- funkcja jest przypisywana do zmiennej **sqr**

https://www.mathworks.com/help/matlab/matlab_prog/anonymous-functions.html



Funkcje anonimowe

- Istnieje wiele funkcji Matlaba, do których można przekazać funkcję jako argument
 - `fplot`
 - `fzero`
 - ...

https://www.mathworks.com/help/matlab/matlab_prog/anonymous-functions.html



Podsumowanie

- Operatory relacji i logiczne
- Instrukcja warunkowa
- Pętle
- Wektoryzacja kodu
- Funkcje i funkcje anonimowe