

# Programowanie proceduralne

INP001210WL

rok akademicki 2020/21

semestr letni

## Wykład 4

Karol Tarnowski

[karol.tarnowski@pwr.edu.pl](mailto:karol.tarnowski@pwr.edu.pl)

L-1 p. 220



# Plan prezentacji

- Co to jest algorytm?
- Algorytmy sortowania:
  - Sortowanie przez wybór (selectsort)
  - Sortowanie bąbelkowe (bubblesort)
  - Sortowanie przez scalanie (mergesort)
  - Sortowanie szybkie (quicksort)



# Co to jest algorytm?

- Algorytm jest przepisem opisującym krok po kroku rozwiązanie problemu lub osiągnięcie jakiegoś celu
- Algorytmika to dziedzina zajmująca się algorytmami i ich właściwościami



# Zapis algorytmów

- Algorytm może być zapisywany na różne sposoby: językiem naturalnym, pseudokodem, schematem blokowym, językiem programowania

# Znajdowanie elementu maksymalnego na liście

- Dane wejściowe:
  - $n$ -elementowa lista liczb
- Dane wyjściowe:
  - wartość największej liczby na liście

# Znajdowanie elementu maksymalnego na liście

01\_element\_maksymalny.py

File Edit Format Run Options Window Help

```
#Program ilustruje działanie funkcji wbudowanej max()
#do znalezienia największego elementu na liście.

#Lista jest pomieszana funkcją shuffle z modułu random.

import random #import modułu - wykorzystywana funkcja shuffle

def main():
    #utworzenie listy zawierającej liczby całkowite
    l = list(range(8))
    #pomieszanie kolejności liczb
    random.shuffle(l)
    print('Zawartość pomieszanej listy: ',l)
    print('Element maksymalny znaleziony funkcją max():', max(l))

main()
```

# Znajdowanie elementu maksymalnego na liście

- Przypisz *maksimum* wartość początkowego elementu tablicy
- Dla kolejnych elementów tablicy:
  - Jeśli dany element jest większy od *maksimum*
    - Przypisz *maksimum* wartość danego elementu

# Znajdowanie elementu maksymalnego na liście

02\_element\_maksymalny.py

File Edit Format Run Options Window Help

```
#Program przedstawia funkcję my_max(),  
#która znajduje największy element na liście.  
  
#Lista jest pomieszana funkcją shuffle z modułu random.  
  
import random #import modułu - wykorzystywana funkcja shuffle  
  
def my_max(l):  
    m = l[0]  
    for item in l[1:]:  
        if item > m:  
            m = item  
    return m
```



# Znajdowanie elementu maksymalnego na liście

03\_element\_maksymalny.py

File Edit Format Run Options Window Help

```
#Program przedstawia funkcję my_max(),  
#która znajduje największy element na liście.  
#Wykorzystuje indeks do przejścia przez elementy listy.  
  
#Lista jest pomieszana funkcją shuffle z modułu random.  
  
import random #import modułu - wykorzystywana funkcja shuffle  
  
def my_max(l):  
    m = l[0]  
    n = len(l)  
    for i in range(1,n):  
        if l[i] > m:  
            m = l[i]  
  
    return m
```

# Zamiana miejscami dwóch elementów na liście

04\_sort.py

File Edit Format Run Options Window Help

```
#Moduł 04_sort zawiera funkcję swap(), która pozwala zamienić
#miejscami dwa elementy na liście.

#Moduł zawiera również funkcję main(), która demonstruje działanie
#funkcji swap().

def swap(l, left, right):
    item      = l[left]
    l[left]   = l[right]
    l[right]  = item

def main():
    l = list(range(4))
    print(l)
    swap(l, 1, 2)
    print(l)

#Instrukcja warunkowa, która sprawdza, czy plik był
#uruchomiony jako skrypt, czy załadowany jako moduł.
if __name__ == "__main__":
    main()
```



# Sortowanie bąbelkowe

- Jeżeli ciąg nie jest uporządkowany, to istnieją dwa sąsiednie elementy, które są w złej kolejności



# Sortowanie bąbelkowe

3	5	1	2	8	4	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

3	1	5	2	8	4	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

3	1	2	5	8	4	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

3	1	2	5	4	8	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

3	1	2	5	4	7	8	6
---	---	---	---	---	---	---	---

3	1	2	5	4	7	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---



# Sortowanie bąbelkowe

3	1	2	5	4	7	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---

1	3	2	5	4	7	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	5	4	7	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	7	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6	7	8
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6	7	8
---	---	---	---	---	---	---	---



# Sortowanie bąbelkowe

- Wykonaj  $n-1$  przebiegów przez tablicę
  - Wykonaj  $n-i-1$  porównań sąsiednich elementów (gdzie  $i$  to numer iteracji liczony od 0)
    - Jeśli elementy są nie po kolei to zamień je miejscami



# Sortowanie bąbelkowe

sort.py

File Edit Format Run Options Window Help

```
#Moduł sort.py zawiera funkcje implementujące  
#różne algorytmy sortowania i funkcje pomocnicze.
```

```
import random #wykorzystywana funkcja shuffle()
```

```
def bubblesort(l):  
    n = len(l)  
    for i in range(n):  
        for j in range(n-i-1):  
            if l[j+1] < l[j]:  
                swap(l, j, j+1)
```

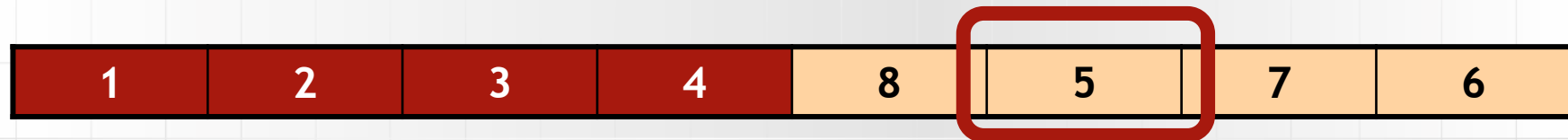
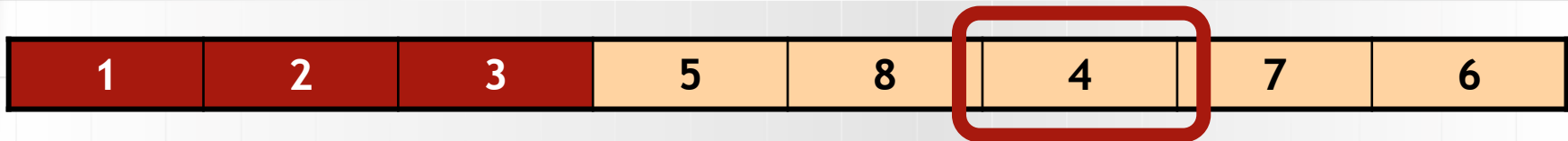
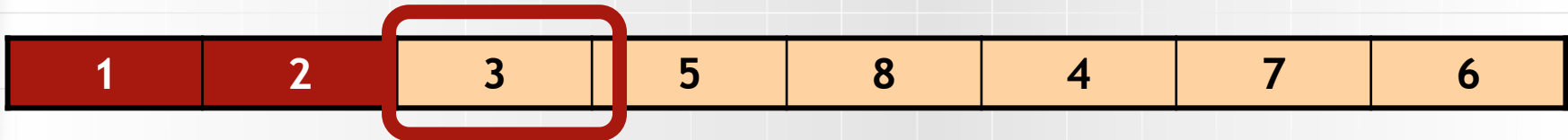
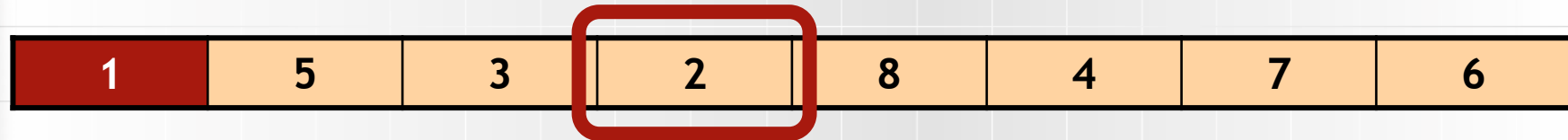
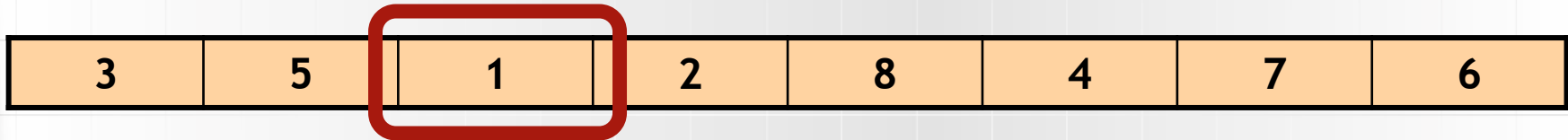


# Sortowanie przez wybór

- Wyszukujemy pozycję najmniejszego elementu i przestawiamy go na właściwą pozycję
- Następnie kontynuujemy dla pozostałej części tablicy

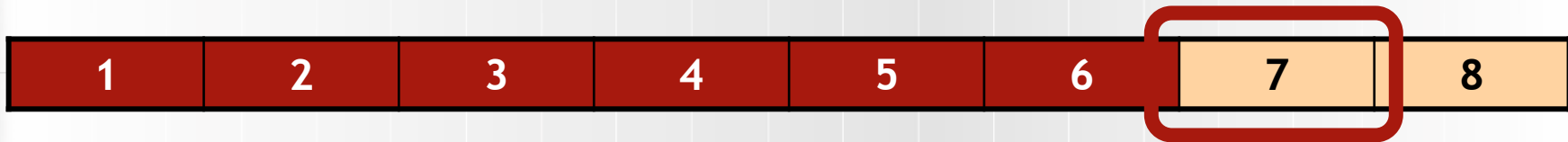
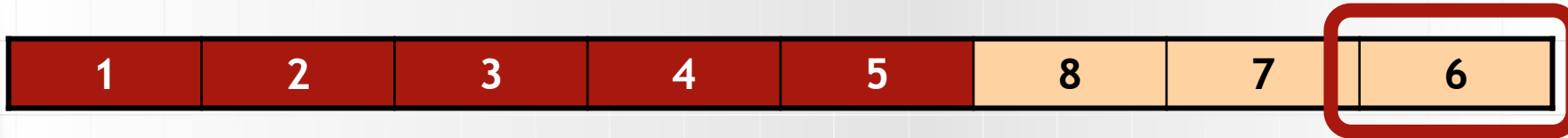


# Sortowanie przez wybór





# Sortowanie przez wybór





# Sortowanie przez scalanie

- Podziel tablicę na dwie równe części
- Zastosuj sortowanie przez scalanie do każdej z nich oddzielnie
- Połącz posortowane podciągi w jeden ciąg posortowany

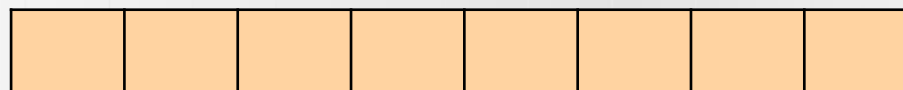
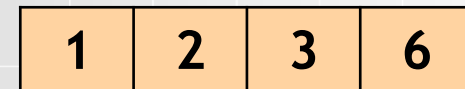
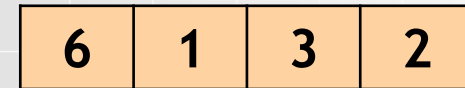
# Sortowanie przez scalanie

## Scalanie

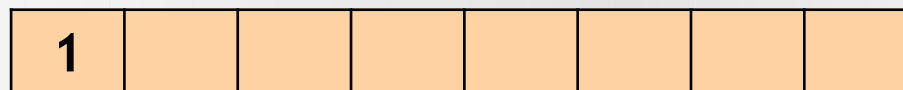
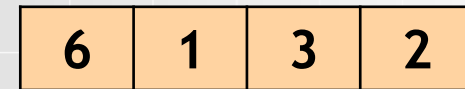
Procedura scalania dwóch ciągów  $a[0..n-1]$  i  $b[0..m-1]$  do ciągu  $c[0..n+m-1]$

1. Ustaw indeksy na początek ciągów:  $i=0$ ,  $j=0$
2. Jeśli w ciągu  $a$  nie pozostało już nic do przetworzenia ( $i \geq n$ ), to dołącz pozostałe elementy z  $b$  do  $c$  i zakończ
3. Jeśli w ciągu  $b$  nie pozostało już nic do przetworzenia ( $j \geq m$ ), to dołącz pozostałe elementy z  $a$  do  $c$  i zakończ
4. Jeśli  $a[i] \leq b[j]$  to dołącz  $a[i]$  do  $c$  i zwiększ  $i$  o 1, w p.p. dołącz  $b[j]$  do  $c$  i zwiększ  $j$  o 1.
5. Powtarzaj od 2.

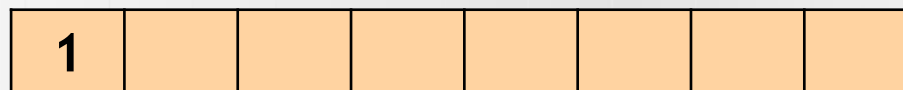
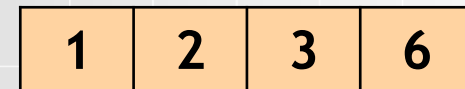
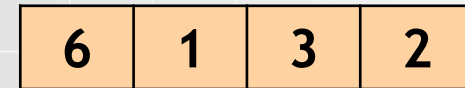
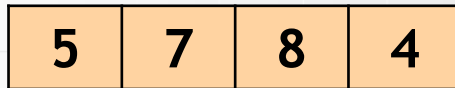
# Sortowanie przez scalanie



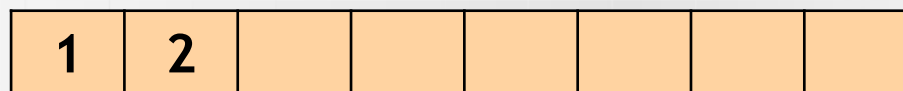
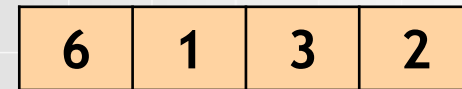
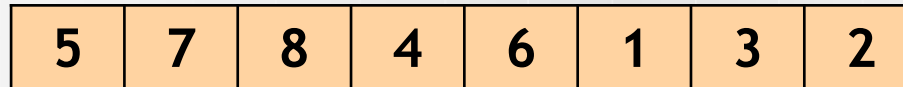
# Sortowanie przez scalanie



# Sortowanie przez scalanie

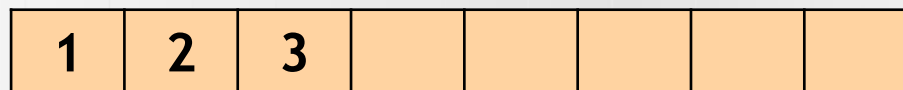
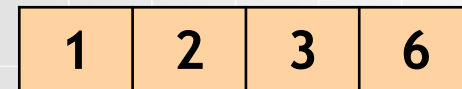
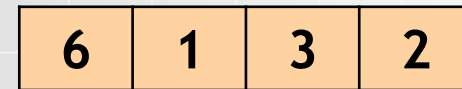
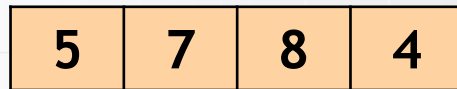
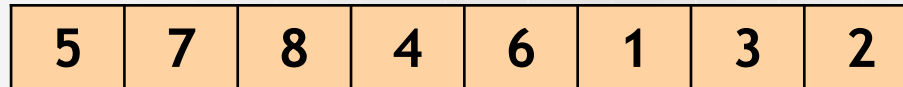


# Sortowanie przez scalanie



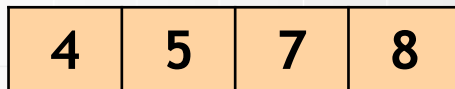
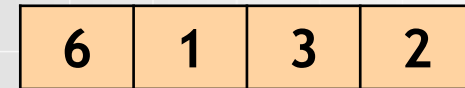


# Sortowanie przez scalanie



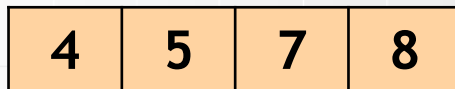
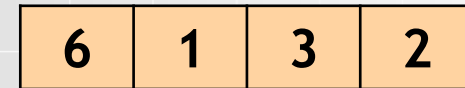


# Sortowanie przez scalanie

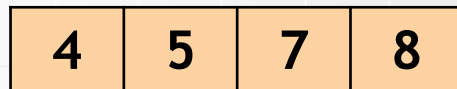
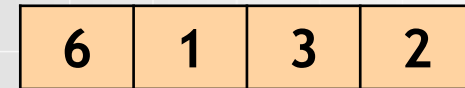
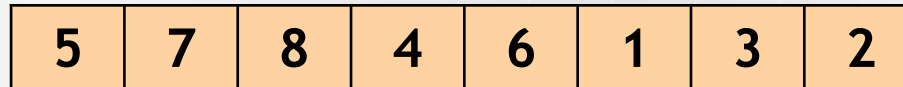




# Sortowanie przez scalanie

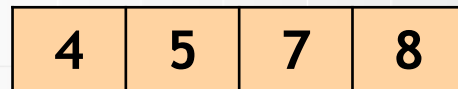
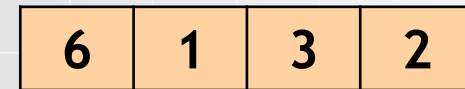
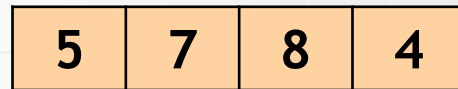
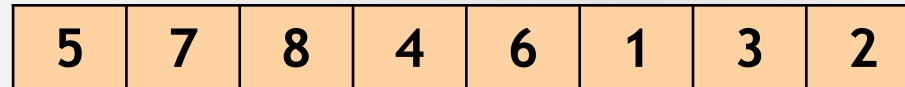


# Sortowanie przez scalanie



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie przez scalanie



# Sortowanie przez scalanie

## Scalanie

Procedura scalania dwóch ciągów  $a[0..n-1]$  i  $b[0..m-1]$  do ciągu  $c[0..n+m-1]$

1. Ustaw indeksy na początek ciągów:  $i=0$ ,  $j=0$
2. Jeśli w ciągu  $a$  nie pozostało już nic do przetworzenia ( $i \geq n$ ), to dołącz pozostałe elementy z  $b$  do  $c$  i zakończ
3. Jeśli w ciągu  $b$  nie pozostało już nic do przetworzenia ( $j \geq m$ ), to dołącz pozostałe elementy z  $a$  do  $c$  i zakończ
4. Jeśli  $a[i] \leq b[j]$  to dołącz  $a[i]$  do  $c$  i zwiększ  $i$  o 1, w p.p. dołącz  $b[j]$  do  $c$  i zwiększ  $j$  o 1.
5. Powtarzaj od 2.



# Sortowanie szybkie

- Podziel tablicę na dwie części: mniejsze i większe od wybranego elementu
- Zastosuj sortowanie szybkie do każdej z nich oddzielnie
- Połącz posortowane podciągi w jeden ciąg posortowany

# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---





# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	8	7	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	8	7	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	8	7	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	1	7	6	8	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	1	7	6	8	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---





# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	1	3	6	8	7	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	1	3	6	8	7	5
---	---	---	---	---	---	---	---



# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	1	3	5	8	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

# Algorytmy sortowania

## Sortowanie szybkie

5	7	8	4	6	1	3	2
---	---	---	---	---	---	---	---

2	7	8	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---	---	---



2	4	1	3	5	8	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	8	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	8	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	8	7	6
---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6	7	8
---	---	---	---	---	---	---	---



# Absolutne minimum

- Co to jest algorytm?
- Algorytmy sortowania:
  - Sortowanie przez wybór (selectsort)
  - Sortowanie bąbelkowe (bubblesort)
  - Sortowanie przez scalanie (mergesort)
  - Sortowanie szybkie (quicksort)